

Manejo simbólico

1. Escribe la negación de cada una de las siguientes proposiciones y rodea la verdadera.

Solución: Se marca en negrita la verdadera.

1 $\equiv \forall x \in (0, \infty)$, se tiene que $x^2 - x > 4$

[No 1] \equiv Existe $x \in (0, \infty)$ tal que $x^2 - x \leq 4$

2 $\equiv \exists x \in (0, \infty)$ tal que $x^2 < 0$.

[No 2] \equiv Para todo $x \in (0, \infty)$ se tiene que $x^2 \geq 0$.

3 \equiv Para todo número natural n se tiene que $n < n^3$.

[No 3] \equiv Existe un número natural n tal que $n \geq n^3$.

[4] \equiv Para todo número natural n se tiene que $n > 0$.

No 4 \equiv Existe algún número natural n tal que $n \leq 0$.

5 \equiv Para cada número natural impar n hay algún número natural impar k tal que $k < n$.

[No 5] \equiv Existe algún número natural impar n tal que para todo número natural impar k se tiene que $k \geq n$.

6 \equiv Existe $n \in \mathbb{N}$ tal que para todo $k \in \mathbb{N}$ k impar se tiene que $k \leq n$.

[No 6] \equiv Para todo $n \in \mathbb{N}$ existe $k \in \mathbb{N}$ k impar tal que $k > n$.

[7] \equiv Para todo número real x existe un número natural n tal que $n > x$.

No 7 \equiv Existe un número real x tal que para todo número natural n se tiene que $n < x$.

8 \equiv Para todo $\epsilon > 0$ existe $n \in \mathbb{N}$ tal que $n < \epsilon$.

[No 8] \equiv Existe $\epsilon > 0$ tal que para todo $n \in \mathbb{N}$ se tiene que $n \geq \epsilon$.

[9] \equiv Para todo $\epsilon > 0$ existe $n \in \mathbb{N}$ tal que $\frac{1}{n} < \epsilon$.

No 9 \equiv Existe $\epsilon > 0$ tal que para todo $n \in \mathbb{N}$ se tiene que $\frac{1}{n} \geq \epsilon$.

[10] \equiv Para cada $\epsilon > 0$ existe un $n_0 \in \mathbb{N}$ tal que para todo $n \geq n_0$ se tiene que $\frac{1}{n} < \epsilon$.

No 10 \equiv Existe $\epsilon > 0$ tal que para todo $n \in \mathbb{N}$ existe $k \geq n$ tal que $\frac{1}{k} \geq \epsilon$.